

УТВЕРЖДАЮ

Директор Федерального государственного
бюджетного учреждения науки
Института проблем сверхпластичности
и механики материалов Российской академии наук

Р.М. Имаев

2025 г.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Федерального государственного бюджетного учреждения науки
Института проблем сверхпластичности металлов Российской академии наук (ИПСМ РАН)
о диссертационной работе
Наумова Евгения Константиновича

Диссертационная работа «Делокализованные нелинейные колебательные моды и
дискретные бризеры в квадратных решетках» выполнена в лаборатории нелинейной физики
и механики материалов ИПСМ РАН.

В 2021 году Наумов Евгений Константинович окончил магистратуру Федерального
государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования
«Уфимский государственный нефтяной технический университет» по специальности
18.04.02 «Энерго- и ресурсосберегающие процессы в химической технологии нефтехимии и
биотехнологии». В период подготовки диссертации соискатель Наумов Евгений
Константинович проходил обучение в очной аспирантуре ИПСМ РАН с 01.10.2021 г. по
направлению подготовки 03.06.01 «Физика и астрономия» профиль «Физика
конденсированного состояния» (Приказ № 156-к от 15.09.2021 г.). С 30.05.2024 года по
настоящее время работает по совместительству младшим научным сотрудником в Институте
физики молекул и кристаллов Уфимского федерального государственного
исследовательского центра Российской академии наук.

Кандидатские экзамены сданы 16.06.2022 г. (история и философия науки (физические
науки), 23.06.2022 г. (иностранный язык (английский), 29.01.2025 года (физика
конденсированного состояния). Справка об обучении и сведения о кандидатских экзаменах
выдана 29.04.2025 г. ИПСМ РАН.

Научный руководитель - Дмитриев Сергей Владимирович, доктор физико-
математических наук, профессор, главный научный сотрудник лаборатории нелинейной
физики и механики материалов ИПСМ РАН.

Тема диссертации утверждена на заседании Ученого совета ИПСМ РАН, протокол
№ 21-21 от 03.12.2021 г.

По результатам рассмотрения диссертации «Делокализованные нелинейные
колебательные моды и дискретные бризеры в квадратных решетках» принято следующее

заключение: Диссертация Наумова Е.К. представляет собой законченное и самостоятельное исследование.

Актуальность диссертационной работы

Интерес к нелинейным колебаниям решетки возрос в последние десятилетия после открытия возможности существования локализованных в пространстве колебаний большой амплитуды, называемых дискретными бризерами (ДБ). Более того, было выяснено, что существует тесная связь между ДБ и делокализованными нелинейными колебательными модами (ДНКМ), теория которых была развита Чечиным и Сахненко. Наличие этой связи позволило разработать метод поиска различных типов ДБ в решетках высокой размерности.

ДБ интересны в физике конденсированного состояния как солитоноподобные объекты, осуществляющие локализацию и транспорт энергии по кристаллической решетке. Локализованная в пространстве колебательная энергия облегчает преодоление потенциальных барьеров образования или миграции дефектов кристаллической решетки. С помощью ДБ возможна передача энергии нелинейной решетке от периодического внешнего воздействия на частоте за пределами спектра малоамплитудных колебаний (явление супратрансмиссии). Все названные выше эффекты нелинейности являются общими и проявляются в нелинейных решетках любой размерности, хотя имеются определённые аспекты, связанные с размерностью решетки. Это говорит о возможности изучения многих эффектов нелинейности на примере относительно простых решеток, где физическая суть явления проявляется наиболее ярко.

Большую роль в физике конденсированного состояния и в физике нелинейных явлений сыграли двумерные решетки. Квадратная решетка использовалась для изучения ферромагнетизма и влияния на него нелинейных возбуждений, при изучении нелинейных возбуждений в кристалле слюды, распространения и нелинейной локализации энергии в фотонных кристаллах, а также в решетке магнитов. В одной из ранних работ Бурлакова с соавторами авторам удалось возбудить устойчивый стационарный ДБ, но получить движущийся ДБ им не удалось.

При изучении ДБ в кристаллах возникает необходимость учета дальнодействующих взаимодействий между атомами, например, при описании металлической связи или кулоновских сил в ионных кристаллах. Учет дальнодействия проводился при изучении свойств ДБ в нелинейных цепочках, но для двумерных и трехмерных решеток эта задача практически не рассматривалась.

С учетом вышесказанного можно заключить, что изучение нелинейной динамики квадратной решетки с учетом дальнодействия является важной и актуальной задачей физики конденсированного состояния. Данная диссертационная работа направлена на изучение

ДНКМ и ДБ в квадратной решетке, где взаимодействие между частицами описывается потенциалом β -ФПУЦ (Ферми-Паста-Улама-Цингу), и учитываются взаимодействия вплоть до четвертого соседа

Личный вклад автора

В работе над диссертацией автор самостоятельно изучил и обобщил научную литературу по теме исследования, провёл аналитические и численные расчеты, модифицировал программы компьютерного моделирования под свои задачи, принял непосредственное участие в интерпретации и анализе полученных результатов, формулировке выводов, подготовке научных статей и тезисов докладов к публикации. В работах, опубликованных в соавторстве, соискателю принадлежат основные аналитические результаты и результаты численного моделирования ДНКМ и дискретных бризеров в квадратной решетке с потенциалом β -ФПУЦ.

Достоверность результатов работы подтверждается корректной постановкой задач исследования, использованием строгих математических методов кристаллографии при построении ДНКМ и известных аналитических методов получения дисперсионных кривых для малоамплитудных фононных мод. Численные результаты получены с применением высокоточных устойчивых численных схем для интегрирования систем нелинейных уравнений движения взаимодействующих частиц. Полученные результаты физически непротиворечивы и, где возможно, сопоставлены с результатами других авторов.

Научная новизна результатов:

1. Впервые для квадратной решетки с дальнодействующими взаимодействиями аналитически получены дисперсионные соотношения для фононов, найдены амплитудно-частотные характеристики и волновые векторы всех возможных 16 ДНКМ. Показано, что 5 из 16 ДНКМ могут иметь частоту выше фононного спектра, а именно ДНКМ 1, 6, 7, 9 и 16, что важно для изучения ДБ в рассматриваемой решетке.

2. Впервые описаны новые стационарные ДБ на основе ДНКМ 6 и 9 квадратной решетки с дальнодействием, которые не могут существовать в решетке без учета дальнодействия. Получен движущийся ДБ в квадратной решетке, тем самым решена задача Бурлакова для квадратной решетки.

3. При рассмотрении эффекта супратрансмиссии от пары колеблющихся атомов в квадратной решетке впервые найдены критические частоты в зависимости от амплитуды вынужденных колебаний, при превышении которых энергия перестает поступать в квадратную решетку. При частотах внешнего воздействия на частотах, близких к критическим, происходит генерация движущихся ДБ, испускаемых периодично, а при уменьшении частоты воздействия периодичность в испускании ДБ теряется.

4. При изучении супратрансмиссии от ряда колеблющихся атомов в квадратной решетке установлено, что ДБ могут испускаться при внешнем воздействии на частоте внутри фононного спектра близко к его верхней границе. Впервые показано, что данный вывод справедлив и для случая квадратной решетки с дальнодействующими взаимодействиями.

Теоретическая и практическая значимость

Продвижение в теории состоит в выводе и анализе дисперсионного соотношения и в получении аналитических выражений для амплитудно-частотных характеристик ДНКМ в рамках кубического приближения для квадратной решетки с учетом взаимодействий до четвертого соседа включительно. Кроме того, численно определены параметры периодических внешних воздействий на решетку, при которых возбуждаются движущиеся ДБ. Показано, что частота внешнего воздействия при этом может находиться в фононном спектре решетки, недалеко от его края. С практической точки зрения работа важна тем, что в металлах и ионных кристаллах важен учет дальнодействия, проведённый в данной работе. Установлено, что в решетке с дальнодействием возможны новые типы ДБ, которые не реализуются в решетке со взаимодействием только между первыми и вторыми соседями. Более полное представление о типах ДБ, поддерживаемых квадратной решеткой с дальнодействием, ставит задачу поиска новых ДБ в кристаллах с металлической и ионной связью, где учет дальнодействия может оказаться важным.

Полнота изложения материалов диссертации в работах, опубликованных соискателем

Основное содержание диссертационной работы отражено в шести публикациях в журналах, рекомендованных ВАК, пять из них индексируются в международных базах данных Scopus и/или Web of Science, три из которых относятся к журналам квартиля Q1 и одна - квартиля Q2:

1. Наумов Е.К. Дискретные бризеры в квадратной решетке основанные на делокализованных модах/ Наумов Е.К., Бебихов Ю.В., Дмитриев С.В. // Фундаментальные проблемы современного материаловедения - 2023 - Т. 20 - № 3 - С. 299–307.
2. Ryabov D.S. One-component delocalized nonlinear vibrational modes of square lattices / Ryabov D.S., Chechin G.M., Naumov E.K., Bebikhov Yu. V., Korznikova E.A., Dmitriev S.V. // Nonlinear Dynamics - 2023 - Vol. 111. № (9) - P. 8135-8153. (Q1)
3. Naumov E.K. Discrete breathers in square lattices from delocalized nonlinear vibrational modes / Naumov E.K., Bebikhov Yu.V., Ekomasov E.G., Soboleva E.G., Dmitriev S.V. // Physical Review E - 2023 - Vol. 107. № (3) - 034214. (Q1)

4. Bebikhov Y.V. Discrete breathers in a β -FPUT square lattice from in-band external driving / Bebikhov Y.V., Naumov E.K., Semenova M.N., Dmitriev S.V. // Communications in Nonlinear Science and Numerical Simulation - 2024 - Vol. 132 - 107897 (Q1)

5. Naumov E.K. Discrete breathers in a square lattice based on delocalized modes / Naumov E.K., Bebikhov Y.V., Dmitriev S.V. // Physics of the Solid State - 2023 - Vol. 65. № (1) - P. 6-11. (Q4)

6. Abdullina D.U. Supratransmission in a β -FPUT square lattice / Abdullina D.U., Naumov E.K., Bebikhov Y.V., Semenova M.N., Kudreyko A.A., Dmitriev S.V. // Physics Letters A. – 2025 - Vol. 550 - 130587 (Q2)

Научная специальность, которой соответствует диссертация

Диссертация «Делокализованные нелинейные колебательные моды и дискретные бризеры в квадратных решетках» по своим целям, задачам, содержанию, методам исследования и научной новизне соответствует пп. 1 «Теоретическое и экспериментальное изучение физической природы и свойств неорганических и органических соединений как в кристаллическом (моно- и поликристаллы), так и в аморфном состоянии, в том числе композитов и гетероструктур, в зависимости от их химического, изотопного состава, температуры и давления» и 4. Теоретическое и экспериментальное исследование воздействия различных видов излучений, высокотемпературной плазмы на природу изменений физических свойств конденсированных веществ паспорта специальности 1.3.8 Физика конденсированного состояния (физико-математические науки).

Диссертационная работа соответствует квалификационным требованиям, установленным п. II «Положения о порядке присуждении ученых степеней».

Диссертация «Делокализованные нелинейные колебательные моды и дискретные бризеры в квадратных решетках» Наумова Евгения Константиновича рекомендуется к защите на соискание ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 1.3.8 Физика конденсированного состояния.

Заключение принято на заседании Ученого совета ИПСМ РАН.

Присутствовало на заседании 11 членов Ученого совета из 18 списочного состава. Результаты голосования: «за» - 11, «против» - 0, «воздержались» - 0, протокол № 06-25 от 06.05.2025 г.

Ученый секретарь ИПСМ
кандидат технических нау

Сафаров Ильфат Миндигалеевич